Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Гнатюк Сергей Иванович ПОЛИТЕХНИ ЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ ФЕДЕРАЛЬНОГО Должность: Первый проректор Дата подписания: 17.10.2025 ДАСРСТВЕННОГО БЮДЖЕТНОГО ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО Уникальный программный ключ: УЧРЕЖДЕНИЯ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ 5ede28fe5b714e689437554344657777774760СУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ К.Е. ВОРОШИЛОВА»

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА учебной дисциплины

ЕН.01 Математика

(наименование учебной дисциплины)

08.02.08 Монтаж и эксплуатация оборудования и систем газоснабжения (код, наименование профессии/специальности)

Рассмотрено и согласовано цикловой комиссией гуманитарных и социальных дисциплин.

Протокол № 2 от «02» сентября 2025 г.

Разработана на основе ФГОС СПО РФ и ПООП СПО для специальности 08.02.08 Монтаж и эксплуатация оборудования и систем газоснабжения (утвержден Приказом Министерства образования и науки от 5 февраля 2018 года № 68).

Организация разработчик: Политехнический колледж ЛГАУ

1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ ЕН.01 Математика

1.1. Область применения программы учебной дисциплины

Рабочая программа учебной дисциплины (далее — рабочая программа) является частью освоения программ подготовки специалистов среднего звена (далее ППССЗ) в соответствии с ФГОС СПО РФ и ПООП СПО для специальности 08.02.08 Монтаж и эксплуатация оборудования и систем газоснабжения.

(указать профессию, специальность, укрупненную группу (группы) профессий или направление (направления) подготовки)

Рабочая программа учебной дисциплины ЕН.01 Математика по специальности 08.02.08 Монтаж и эксплуатация оборудования и систем газоснабжения может быть использована на базе среднего (полного общего) образования, в профессиональном обучении и дополнительном профессиональном образовании.

1.2. Цели и задачи учебной дисциплины, требования к результатам освоения учебной дисциплины

Учебная дисциплина ЕН.01 Математика относится к математическому и общему естественнонаучному циклу.

Целью реализации основной образовательной программы среднего общего образования по предмету ЕН.01 Математика является освоение содержания предмета Математика и достижение обучающимися результатов изучения в соответствии с требованиями, установленными ФГОС СПО РФ и ПООП СПО.

В результате освоения учебной дисциплины обучающийся должен знать:

- основные понятия и методы математического анализа дискретной математики;
 - основные численные методы решения прикладных задач;
 - основные понятия теории вероятностей и математической статистики;

В результате освоения учебной дисциплины обучающийся должен уметь:

- находить производные;
- вычислять неопределенные и определенные интегралы;
- решать прикладные задачи с использованием элементов дифференциального и интегрального исчислений;
 - решать простейшие дифференциальные уравнения;
 - находить значения функций с помощью ряда Маклерона;

2. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Код ПК, ОК	Умения	Знания
OK 01 – OK 06,	находить производные;	основные понятия и методы
ОК 09, ОК 11,	вычислять неопределенные и	математического анализа дискретной
ПК $1.1 - \Pi$ К 1.3 ,	определенные интегралы;	математики;
Π K 2.1 – Π K 2.5,	решать прикладные задачи с	основные численные методы решения
ПК $3.1 - \Pi$ К 3.6 ,	использованием элементов	прикладных задач;
ПК 4.1 – ПК 4.4	дифференциального и интегрального	основные понятия теории вероятностей
	исчислений;	и математической статистики;
	решать простейшие дифференциальные	
	уравнения;	
	находить значения функций с помощью	
	ряда Маклерона;	

3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Тематический план учебной дисциплины ЕН.01 Математика

Вид учебной работы	Количество часов		
1	2		
Максимальная учебная нагрузка (всего)	80		
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	80		
в т. ч.:			
теоретическое обучение	20		
практические занятия	34		
Самостоятельная работа обучающегося	24		
Промежуточная аттестация:	2		
дифференцированный зачет			
ИТОГО	80		

3.2. Содержание обучения по учебной дисциплине ЕН.01 Математика

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем в часах	Осваиваемые элементы компетенций
Раздел 1 Основы линейной алгебры		24	
Тема 1.1	Содержание учебного материала	6	ОК 01 – ОК 06,
Матрицы и	Матрицы и определители. Элементарные преобразования матрицы.	2	ОК 09, ОК 11,
определители	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	2	ПК 1.1 – ПК 1.3,
	Вычисление определителей высших порядков		$\Pi K 2.1 - \Pi K 2.5$
	Самостоятельная работа обучающихся	2	ПК $3.1 - \Pi$ К 3.6 ,
	Подготовка к практической работе Вычисление определителей высших порядков		ПК 4.1 – ПК 4.4
Тема 1.2	Содержание учебного материала	8	OK 01 – OK 06,
Системы линейных	Решение систем линейных уравнений способом подстановки, графическим способом,	2	ОК 09, ОК 11,
алгебраических	способом алгебраического сложения. Решение систем линейных уравнений методом		ПК 1.1 – ПК 1.3,
уравнений	Крамера. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.		Π K 2.1 – Π K 2.5,
	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	2	$\Pi K 3.1 - \Pi K 3.6$
	Решение систем линейных уравнений по видам профессиональной деятельности		ПК 4.1 – ПК 4.4
	Самостоятельная работа обучающихся. Применение различных методов решения	4	
	систем линейных уравнений в задачах по видам профессиональной деятельности.		
Раздел 2. Основы мат	гематического анализа	34	
	Содержание учебного материала	8	OK 01 – OK 06,
	Функции одной независимой переменной, их графики. Построение графиков	2	OK 09, OK 11,
	гармонических колебаний. Приращение функции. Предел числовой последовательности.		ПК $1.1 - \Pi$ К 1.3 ,
	Предел функции в точке. Непрерывность функции. Производная функции в точке, ее		$\Pi K 2.1 - \Pi K 2.5$,
	геометрический и физический смысл. Правила и формулы дифференцирования.		ПК $3.1 - \Pi$ К 3.6 ,
Тема 2.1	Производная сложной функции. Дифференциал функции и его приложение к		ПК 4.1 – ПК 4.4
Дифференциальное	приближенным вычислениям.		
исчисление	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	4	
	Дифференцирование сложных функций. Решение прикладных задач с помощью		
	производной и дифференциала. Производные высших порядков Построение графиков		
	гармонических колебаний в задачах по видам профессиональной деятельности.		
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
	Экстремумы функций. Решение с помощью производной прикладных задач по видам		

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем в часах	Осваиваемые элементы компетенций
	профессиональной деятельности.		
Тема 2.2	Содержание учебного материала	10	OK 01 – OK 06,
Интегральное	Неопределенный интеграл. Непосредственное интегрирование. Метод замены переменной.	2	ОК 09, ОК 11,
исчисление	Метод интегрирования по частям. Определенный интеграл, понятие определенного		ПК 1.1 – ПК 1.3,
	интеграла как предела интегральной суммы. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление		ПК 2.1 – ПК 2.5,
	определенного интеграла различными методами.		ПК 3.1 – ПК 3.6,
	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	6	ПК 4.1 – ПК 4.4
	Геометрический смысл определенного интеграла. Интегрирование функций. Решение		
	прикладных задач с помощью интеграла. Приближенное вычисление определенного		
	интеграла по формуле прямоугольников		
	Самостоятельная работа обучающихся	4	
	Приближенное вычисление определенного интеграла: формула прямоугольников.		
	Приложение интеграла к решению физических задач и вычисление площадей плоских		
	фигур и объемов тел вращения.		
Тема 2.3	Содержание учебного материала	8	OK 01 – OK 06,
Дифференциальные	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Задача Коши. Дифференциальные	2	ОК 09, ОК 11,
уравнения	уравнения с разделяющимися переменными. Общие и частные решения. Однородные		ПК 1.1 – ПК 1.3,
	дифференциальные уравнения первого порядка.		ПК 2.1 – ПК 2.5,
	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	4	ПК 3.1 – ПК 3.6,
	Решение дифференциальных уравнений по видам профессиональной деятельности		ПК 4.1 – ПК 4.4
	Самостоятельная работа обучающихся	2	1111 111 1111
	Линейные однородные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.		
Тема 2.4	Содержание учебного материала	8	OK 01 – OK 06,
Ряды	Числовые ряды. Необходимый признак сходимости ряда. Достаточные признаки	2	ОК 09, ОК 11,
	сходимости рядов с положительными членами. Знакопеременные и знакочередующиеся		ПК 1.1 – ПК 1.3,
	ряды.		Π K 2.1 – Π K 2.5,
	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	4	ПК 3.1 – ПК 3.6,
	Степенные ряды. Радиус сходимости степенного ряда. Разложение элементарных функций		ПК 4.1 – ПК 4.4
	в степенные ряды.		1110 111 1110 117
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
	Вычисление суммы ряда и исследование сходимости ряда, разложение функции в ряд в		
	области профессиональной деятельности.		

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем в часах	Осваиваемые элементы компетенций
Раздел 3 Основы теории комплексных чисел		12	
Тема 3.1	Содержание учебного материала	6	OK 01 – OK 06,
Основные свойства	Комплексные числа и действия над ними. Геометрическая интерпретация комплексных	2	OK 09, OK 11,
комплексных чисел	чисел. Тригонометрическая и показательная формы записи комплексного числа, переход		ПК 1.1 – ПК 1.3,
	от одной формы записи в другую.		ПК 2.1 – ПК 2.5,
	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	2	ПК 3.1 – ПК 3.6,
	Действия над комплексными числами в различных формах записи		ПК 4.1 – ПК 4.4
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
	Действия над комплексными числами в тригонометрической и показательной формах.		
Тема 3.2	Содержание учебного материала	6	OK 01 – OK 06,
Некоторые	Решение квадратных уравнений с отрицательным дискриминантом. Решение смешанных	2	OK 09, OK 11,
приложения теории	задач.		ПК 1.1 – ПК 1.3,
комплексных чисел	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	2	ПК 2.1 – ПК 2.5,
	Применение комплексных чисел при решении задач по видам профессиональной		ПК 3.1 – ПК 3.6,
	деятельности		ПК 4.1 – ПК 4.4
	Самостоятельная работа обучающихся	2	1111 111 1111 111
	Решение задач с комплексными числами в области профессиональной деятельности		
Раздел 4 Основы теор	оии вероятностей и математической статистики	16	
Тема 4.1	Содержание учебного материала	8	
Вероятность.	Понятие события и вероятности события. Достоверные и невозможные события.	2	OK 01 – OK 06,
Теоремы сложения	Классическое определение вероятности.		ОК 09, ОК 11,
и умножения	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	4	$\Pi K 1.1 - \Pi K 1.3,$
вероятностей	Теорема сложения вероятностей.		ПК 2.1 – ПК 2.5,
	Самостоятельная работа обучающихся	2	ПК 3.1 – ПК 3.6,
	Теорема умножения вероятностей.		ПК 4.1 – ПК 4.4
Тема 4.2	Содержание учебного материала	8	OK 01 – OK 06,
Случайная	Случайная величина. Дискретная и непрерывная случайные величины. Закон	2	OK 09, OK 11,
величина, ее	распределения дискретной случайной величины. Математическое ожидание дискретной		ПК 1.1 – ПК 1.3,
функция	случайной величины.		$\Pi K 1.1 - \Pi K 1.5,$ $\Pi K 2.1 - \Pi K 2.5,$
распределения.	Практическое занятие. Инструктаж по ТБ	4	$\Pi K 2.1 - \Pi K 2.5,$ $\Pi K 3.1 - \Pi K 3.6,$
Математическое	Решение простейших задач теории вероятностей и математической статистики		ПК 3.1 – ПК 3.0,
ожидание случайной	Самостоятельная работа обучающихся	2	1110 7.1 – 1110 4.4

Наименование	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем в	Осваиваемые
разделов и тем		часах	элементы
			компетенций
величины	Дисперсия случайной величины. Среднее квадратичное случайной величины.		
	Всего:	80	
	из них практических занятий	34	
	лекций	20	
	самостоятельная работа	24	
	зачет	2	

4. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Требования к материально-техническому обеспечению

Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета «Математики».

Эффективность преподавания курса Математики зависит от наличия соответствующего материально-технического оснащения. Это объясняется особенностями курса, в первую очередь его многопрофильностью и практической направленностью.

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- наглядные пособия (учебники, карточки, раздаточный материал);
- учебно-методическое обеспечение.

Приводится перечень средств обучения, включая тренажеры, модели, макеты, оборудование, технические средства, в т. ч. аудиовизуальные, компьютерные и телекоммуникационные и т. п. (количество не указывается)

Требования к квалификации педагогических кадров, осуществляющих реализацию ППССЗ по специальности, должны обеспечиваться педагогическими профессиональное, кадрами, имеющими среднее высшее образование, соответствующее профилю преподаваемой учебной дисциплины. деятельности в организациях соответствующей профессиональной сферы является обязательным для преподавателей, отвечающих за освоение обучающимся профессионального учебного цикла.

Преподаватели получают дополнительное профессиональное образование по программам повышения квалификации, в том числе в форме стажировки в профильных организациях не реже одного раза в 5 лет.

4.2. Информационное обеспечение обучения. Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

Основные печатные издания

- 1. Омельченко В.П. Математика М.: ООО Издательская группа «ГЭОТАР- Медиа», 2016
 - 2. Пехлецкий И.Д. Математика М.: ОИЦ «Академия», 2014
- 3. Григорьев В.П., Сабурова Т.Н. Математика М.: ОИЦ «Академия», 2014
- 4. Луканкин А.Г. Математика М.: ООО Издательскаягруппа «ГЭОТАР-Медиа», 2016

- 5. Виноградов Ю.Н., Гомола А.И., Потапов В.И., Соколова Е.В. Математика и информатика М.: ОИЦ «Академия», 2015
- 6. Гладков, Л. Л. Теория вероятностей и математическая статистика / Л. Л. Гладков, Г. А. Гладкова. 2-е изд., испр. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 196 с. ISBN 978-5-8114-3982-9.
- 7. Лукьяненко, И. С. Статистика : учебник для спо / И. С. Лукьяненко, Т. К. Ивашковская. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 200 с. ISBN 978-5-8114-5796-0.
- 8. Кытманов, А. М. Математика : учебное пособие / А. М. Кытманов, Е. К. Лейнартас, С. Г. Мысливец. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 288 с. ISBN 978-5-8114-5799-1.
- 9. Практикум и индивидуальные задания по дифференциальным уравнениям (типовые расчеты) : учебное пособие для спо / В. А. Болотюк, Л. А. Болотюк, Е. А. Швед, Ю. В. Швец. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 220 с. ISBN 978-5-8114-5805-9.
- 10. Мальцев, И. А. Дискретная математика : учебное пособие для спо / И. А. Мальцев. Санкт-Петербург : Лань, 2021. 292 с. ISBN 978-5-8114-6833-1.
- 11. Бабичева, И. В. Дискретная математика. Контролирующие материалы к тестированию : учебное пособие для спо / И. В. Бабичева. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 160 с. ISBN 978-5-8114-5827-1.
- 12. Трухан, А. А. Линейная алгебра и линейное программирование : учебное пособие для спо / А. А. Трухан, В. Г. Ковтуненко. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 316 с. ISBN 978-5-8114-5809-7.
- 13. Лисичкин, В. Т. Математика в задачах с решениями : учебное пособие / В. Т. Ли-сичкин, И. Л. Соловейчик. 7-е изд., стер. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 464 с. ISBN 978-5-8114-4906-4.
- 14. Трухан, А. А. Математический анализ. Функция одного переменного : учебное по-собие для спо / А. А. Трухан. Санкт-Петербург : Лань, 2020. 324 с. ISBN 978-5-8114-5937-7.

Основные электронные издания

- 15. Баврин, И. И. Математика ДЛЯ технических колледжей практикум учебник и техникумов: ДЛЯ среднего профессионального образования / И. И. Баврин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. – 397 с. – (Профессиональное образование). – ISBN 978-5-534электронный ЭБС Юрайт Текст : // [сайт]. https://urait.ru/bcode/470393 (дата обращения: 12.05.2021)
- 16. Богомолов, Н. В. Математика: учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. 5-е

- изд., перераб. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 401 с. (Профессиональное образование). ISBN 978-5-534-07878-7. Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/469433 (дата обращения: 12.05.2021)
- 17. Богомолов, Н. В. Математика. Задачи с решениями в 2 ч. Часть 1 : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. 2-е изд., испр. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 439 с. (Профессиональное образование). ISBN 978-5-534-09108-3. Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/470790 (дата обращения: 12.05.2021)
- 18. Богомолов, Н. В. Математика. Задачи с решениями в 2 ч. Часть 2 : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. 2-е изд., испр. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2021. 320 с. (Профессиональное образование). ISBN 978-5-534-09135-9. Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/470791 (дата обращения: 12.05.2021)

5. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем при проведении лабораторных работ, практических занятий, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований, практических занятий, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

Результаты обучения	Формы и методы контроля и	
(освоенные умения, усвоенные знания)	оценки результатов обучения	
1	2	
Умения		
Находить производные; Вычислять неопределенные и определенные интегралы; Решать прикладные задачи с использованием элементов дифференциального и интегрального исчислений; Решать простейшие дифференциальные уравнения; Находить значения функций с помощью ряда Маклорена	Оценка результатов выполнения заданий, приемов, упражнений. Оценка выполненных самостоятельных работ.	
Знания: Основные понятия и методы математического анализа дискретной математики; Основные численные методы решения прикладных задач; Основные понятия теории вероятностей и математической статистики	Контрольная работа. Самостоятельная работа. Защита реферата. Выполнение проекта. Наблюдение за выполнением практического задания (деятельностью студента). Оценка выполнения практического задания (работы). Подготовка и выступление с докладом, сообщением, презентацией	

ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ ФЕДЕРАЛЬНОГО ГОСУДАРСТВЕННОГО БЮДЖЕТНОГО ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО УЧРЕЖДЕНИЯ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ЛУГАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ К.Е. ВОРОШИЛОВА»

КОНТРОЛЬНО-ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

по учебной дисциплине

ЕН.01 Математика

(наименование учебной дисциплины)

08.02.08 Монтаж и эксплуатация оборудования и систем газоснабжения (код, наименование профессии/специальности)

Контрольно-оценочные средства

для проведения промежуточной аттестации в форме

дифференцированного зачета

- 1. Предел функции. Непрерывность функции. Точки разрыва функции
- 2. Производная и дифференциал функции (определение и свойства). Линейная, степенная, логарифмическая и показательная функции. Формулы дифференцирования.
- 3. Производная и дифференциал функции (определение и свойства). Тригонометрические и обратные тригонометрические функции. Формулы дифференцирования.
- 4. Производная и дифференциал произведения и частного (дроби). Производная сложной функции. Производные высших порядков.
- 5. Приложение производной: уравнение касательной и нормали к кривой.
- 6. Геометрический смысл производной и дифференциала.
- 7. Функции нескольких аргументов. Частная производная. Полный дифференциал.
- 8. Необходимые и достаточные условия экстремума функции нескольких переменных.
- 9. Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Теорема о множестве первообразных.
- 10. Свойства неопределенного интеграла.
- 11. Понятие интегральной суммы и определенного интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла.
- 12. Свойства определенного интеграла, выраженные с помощью равенств.
- 13. Свойства определенного интеграла, выраженные с помощью неравенств.
- 14. Теорема о среднем.
- 15. Формула Ньютона Лейбница.
- 16. Замена переменной в неопределенном и определенном интегралах.
- 17. Интегрирование по частям: неопределенный и определенный интеграл.
- 18. Определение дифференциального уравнения. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными.
- 19. Однородные обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Линейные обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка.
- 20. Уравнение Бернулли.
- 21. Числовой ряд. Сумма ряда. Закопеременные и знакочередующиеся ряды. Сходимость числового ряда.
- 22. Степенные ряды. Область сходимости, радиус сходимости и промежуток сходимости степенного ряда.
- 23. Комплексные числа и их геометрическая интерпретация
- 24. Комплексные числа. Действия над комплексными числами, представленными в алгебраической форме

- 25. Тригонометрическая форма комплексного числа. Действия над комплексными числами, представленными в тригонометрической форме.
- 26. Множества и операции над ними. Элементы математической логики.
- 27. Абсолютная и относительная погрешности. Округление чисел. Погрешности простейших арифметических действий.